

FORMA 193 – 2024

EN ESTA PRUEBA SE CONSIDERARÁ LO SIGUIENTE:

1. Las figuras que aparecen son solo indicativas.
2. Los gráficos que se presentan están dibujados en un sistema de ejes perpendiculares, cuyo origen es el punto $(0, 0)$.
3. El intervalo $[p, q]$ es el conjunto de todos los números reales mayores o iguales que p y menores o iguales que q ; el intervalo $]p, q]$ es el conjunto de todos los números reales mayores que p y menores o iguales que q ; el intervalo $[p, q[$ es el conjunto de todos los números reales mayores o iguales que p y menores que q ; y el intervalo $]p, q[$ es el conjunto de todos los números reales mayores que p y menores que q .
4. $\vec{v} = (a, b)$ es un vector que tiene su punto de inicio en el origen del plano cartesiano y su punto final en el punto (a, b) , a menos que se indique lo contrario.
5. Se entenderá por dado común a aquel que posee 6 caras numeradas del 1 al 6 y en el experimento de lanzarlo, sus caras son equiprobables de salir.
6. En el experimento de lanzar una moneda, sus dos opciones son equiprobables de salir, a menos que se indique lo contrario.

Registro de Propiedad Intelectual N° 2023-A-8892

Universidad de Chile.

Derechos reservados ©. Prohibida su reproducción total o parcial.

FORMA 193 – 2024

INSTRUCCIONES PARA LAS PREGUNTAS DE SUFICIENCIA DE DATOS

En las preguntas de Suficiencia de Datos no se pide la solución al problema, sino que se decida si con los datos proporcionados, tanto en el enunciado como en las afirmaciones (1) y (2), se puede llegar a la solución del problema.

Es así que se deberá marcar la opción:

- A) **(1) por sí sola**, si la afirmación (1) por sí sola es suficiente para resolver el problema, pero la afirmación (2) por sí sola no lo es,
- B) **(2) por sí sola**, si la afirmación (2) por sí sola es suficiente para resolver el problema, pero la afirmación (1) por sí sola no lo es,
- C) **Ambas juntas, (1) y (2)**, si ambas afirmaciones (1) y (2) juntas son suficientes para resolver el problema, pero ninguna de las afirmaciones por sí sola es suficiente,
- D) **Cada una por sí sola, (1) ó (2)**, si cada una por sí sola es suficiente para resolver el problema,
- E) **Se requiere información adicional**, si ambas afirmaciones juntas son insuficientes para resolver el problema y se requiere información adicional para llegar a la solución.

SÍMBOLOS MATEMÁTICOS

$<$	es menor que	\sim	es semejante con
$>$	es mayor que	\perp	es perpendicular a
\leq	es menor o igual que	\neq	es distinto de
\geq	es mayor o igual que	$//$	es paralelo a
\perp	ángulo recto	\in	pertenece a
\sphericalangle	ángulo	\overline{AB}	trazo AB
log	logaritmo en base 10	$ x $	valor absoluto de x
ϕ	conjunto vacío	$x!$	factorial de x
\approx	es aproximado a	\cap	intersección de conjuntos
\cup	unión de conjuntos	\vec{u}	vector u
A^c	complemento del conjunto A		

FORMA 193 – 2024

1. El nivel de colesterol para las personas se presenta en la tabla adjunta.

Categoría	Nivel de colesterol total
Deseable	Hasta $200 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$
Riesgo bajo	Mayor que $200 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$ hasta $240 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$
Riesgo alto	Mayor que $240 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$

Rodrigo presenta un colesterol de $255 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$ y su doctor le deja dos recetas:

La primera receta es para que tome un medicamento que reduce el nivel de colesterol en $2,5 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$ diarios, pero que solo debe tomar mientras presente un riesgo alto.

La segunda receta indica un medicamento que reduce su nivel de colesterol en $0,8 \frac{\text{mg}}{\text{dL}}$ diarios, pero que solo debe tomar mientras presente un riesgo bajo.

Si Rodrigo sigue el tratamiento indicado por el doctor, ¿cuál de las siguientes expresiones numéricas permite determinar la duración del tratamiento, en días, para que el nivel de colesterol de Rodrigo llegue a ser deseable?

A)
$$\frac{2,5(255 - 240) + 0,8(240 - 200)}{2,5 + 0,8}$$

B)
$$\frac{255 - 200}{2,5 + 0,8}$$

C)
$$\frac{255}{2,5} + \frac{240}{0,8}$$

D)
$$\frac{255 - 240}{240 - 200} \cdot \frac{2,5}{0,8}$$

E)
$$\frac{255 - 240}{2,5} + \frac{240 - 200}{0,8}$$

FORMA 193 – 2024

2. Considera la igualdad $P = \frac{n - 1}{n + 1}$, con n un número entero.

¿Para cuántos valores distintos de n se cumple que P es un número entero?

- A) Solo para un valor.
- B) Solo para dos valores.
- C) Solo para cuatro valores.
- D) Solo para cinco valores.

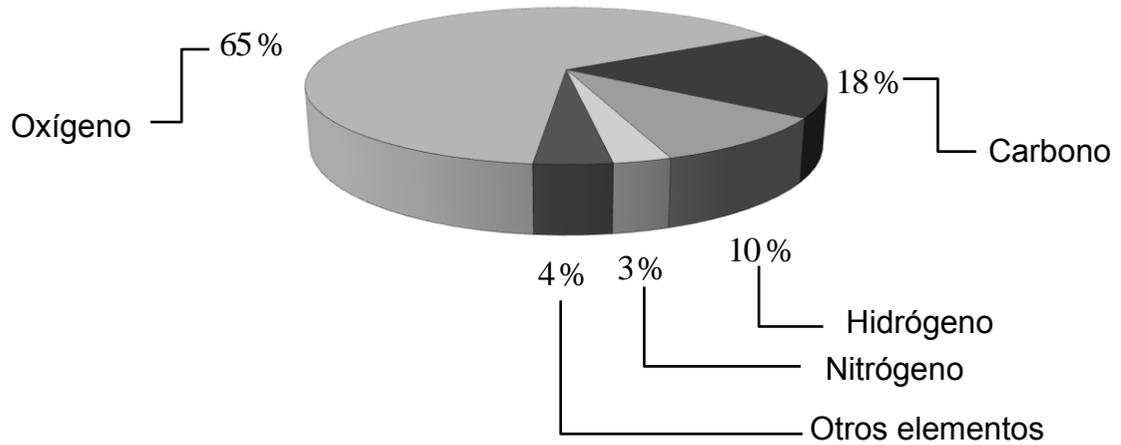
3. Considera un cuadrado A de lado p cm y un cuadrado B cuyo lado tiene medida igual a la medida de la diagonal del cuadrado A.

¿Para cuál de los siguientes valores de p , en cm, la suma de las medidas de las diagonales de los cuadrados A y B es un número racional?

- A) $\sqrt{2}$
- B) $2 - \sqrt{2}$
- C) $2 + \sqrt{2}$
- D) $\sqrt{2} - 2$

FORMA 193 – 2024

4. En el gráfico adjunto se presenta la composición elemental del cuerpo humano.



Tal como en el ser humano, los cuatro elementos más abundantes en el resto de los organismos vivos son el Carbono, Hidrógeno, Oxígeno y Nitrógeno, y para recordar estos cuatro elementos es usual usar el acrónimo nemotécnico CHON.

¿Qué porcentaje de los elementos CHON en el cuerpo humano corresponde a Oxígeno?

- A) $\frac{65}{100} \cdot 100 \%$
- B) $\frac{65}{32 \cdot 100} \%$
- C) $\frac{65}{96} \cdot 100 \%$
- D) $\frac{65}{4 \cdot 100} \%$

5. ¿Cuál es el valor de $\sqrt{2\sqrt[3]{5}} + \sqrt[3]{2\sqrt{10}}$?

A) $\sqrt[6]{10} + \sqrt[6]{20}$

B) $\sqrt[6]{80}$

C) $2\sqrt[5]{40}$

D) $\sqrt[6]{30} + \sqrt[6]{40}$

E) $2\sqrt[6]{40}$

6. Considera los números reales a y b , ambos distintos de cero.

¿Cuál de las siguientes relaciones permite asegurar que $\sqrt{(a - b)^2} = a - b$?

A) $\sqrt{(a + b)^2} = a + b$

B) $\sqrt{a^2} - \sqrt{b^2} = a - b$

C) $a - b > 0$

D) $a - b < 0$

7. ¿Cuál es el valor de $\sqrt[6]{4} \cdot \sqrt[3]{5}$?

- A) $\sqrt[3]{10}$
- B) $\sqrt[9]{20}$
- C) $\sqrt[9]{10}$
- D) $\sqrt[18]{20}$

8. ¿Cuál de las siguientes expresiones es igual a $5^x \cdot 2^{x+y}$?

- A) $10^x \cdot 2^y$
- B) $10^{2x} \cdot 2^y$
- C) 10^{2x+y}
- D) 10^{x^2+xy}

FORMA 193 – 2024

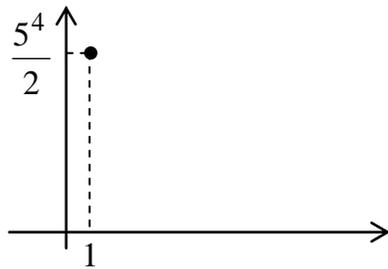
9. Una sustancia radiactiva se desintegra de tal forma que después de una hora queda la mitad de la masa inicial.

En la tabla adjunta se registra la masa de sustancia en las primeras cuatro horas de observación.

Tiempo transcurrido (horas)	Masa de sustancia (gramos)
1	$2,5 \cdot 10^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^1$
2	$2,5 \cdot 10^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2$
3	$2,5 \cdot 10^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^3$
4	$2,5 \cdot 10^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^4$

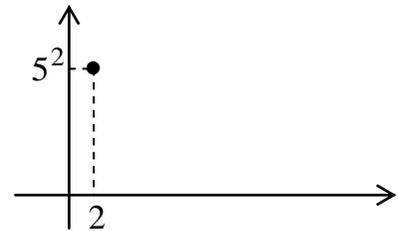
¿Cuál de los siguientes puntos está correctamente graficado en los ejes coordenados?

- A) Masa de sustancia en gramos



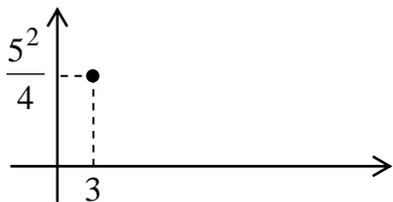
Tiempo transcurrido en horas

- B) Masa de sustancia en gramos



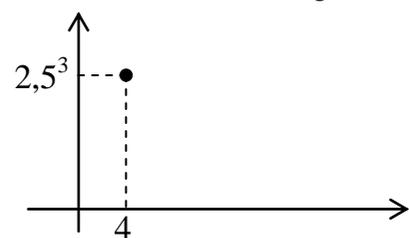
Tiempo transcurrido en horas

- C) Masa de sustancia en gramos



Tiempo transcurrido en horas

- D) Masa de sustancia en gramos



Tiempo transcurrido en horas

10. ¿Cuál es el valor de $\log_3 0,\bar{1}$?

- A) $\frac{1}{2}$
- B) 2
- C) $\frac{-1}{\log 3}$
- D) -1
- E) -2

11. El área de un triángulo equilátero de lado q cm es la cuarta parte del área de un cuadrado de lado p cm.

¿Cuál es el valor de $\frac{p}{q}$?

- A) 3^4
- B) $\frac{1}{4}$
- C) 3^4
- D) 3^2

FORMA 193 – 2024

12. En la siguiente tabla se presentan los valores aproximados de $\log N$ para algunos números N :

N	$\log N$	N	$\log N$
1	0	6	0,778
2	0,301	7	0,845
3	0,477	8	0,903
4	0,602	9	0,954
5	0,699	10	1

Considerando los valores de la tabla, ¿cuál es el valor de $\log 35\,000$?

- A) $0,699 \cdot 0,845 \cdot 3$
 B) $0,699 \cdot 0,845 \cdot 1$
 C) $0,699 + 0,845 + 3$
 D) $0,699 + 0,845 + 1$
13. Si p , b y c son números reales mayores que 1 tal que $\log_p b = c$, ¿cuál de las siguientes expresiones es igual a $\log_p \left(\frac{1}{b} \right) + \log_{\frac{1}{p}} b$?

- A) $-2c$
 B) $2c$
 C) $\frac{2}{c}$
 D) $-c + \frac{1}{c}$

FORMA 193 – 2024

14. Bajo condiciones especiales, la población de cierto tipo de bacterias se triplica cada 10 días.

En esas condiciones, si una colonia de este tipo tiene inicialmente $8 \cdot 10^5$ bacterias, ¿cuál será su población de bacterias al término de 50 días?

- A) $8 \cdot 30^5$
- B) $8 \cdot 10^5 \cdot 3^{50}$
- C) $15 \cdot 8 \cdot 10^5$
- D) $150 \cdot 8 \cdot 10^5$

15. Si $p = 7^{46} - 7^{44}$, ¿cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera con respecto a p ?

- A) Es un número impar.
- B) Es un número primo.
- C) Es un múltiplo de 13.
- D) Es un múltiplo de 21.

FORMA 193 – 2024

16. Un banco garantiza una tasa de interés trimestral de 2,5 % para los depósitos a plazo. La función que modela el capital final que tendrá una persona luego de depositar es:

$$C = M(1 + N)^n$$

en la que M corresponde al capital inicial, N es la tasa de interés expresada como decimal y n es la cantidad de trimestres que se mantiene el dinero en el banco.

Si una persona hace un solo depósito inicial de \$2500 000 en ese banco, ¿cuál es la expresión que representa el capital final que tendrá esta persona después de 2 años?

- A) $\$2500\,000 \cdot (1,25)^8$
- B) $\$2500\,000 \cdot (1,025)^8$
- C) $\$2500\,000 \cdot (1,25^8 - 1)$
- D) $\$2500\,000 \cdot (1,025^8 - 1)$

FORMA 193 – 2024

17. El sueldo líquido es el monto total que recibe una persona que trabaja, luego de descontar del total de haberes, las cotizaciones obligatorias y voluntarias del sueldo total imponible.

Considera la siguiente liquidación de sueldo de una persona:

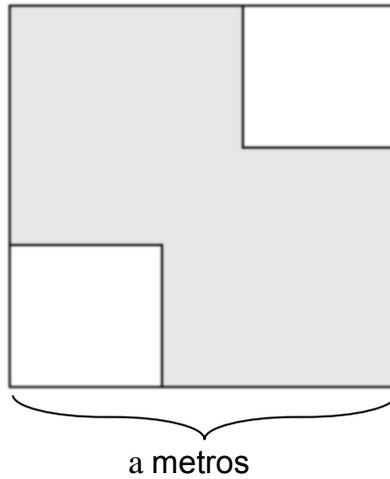
LIQUIDACIÓN DE SUELDO																															
DATOS DEL(A) TRABAJADOR(A)																															
RUT: 1*.***.***-8																															
NOMBRE: ****a ****r *****s																															
Período de Remuneración: 31 días		Mes: Enero	Año: 2022																												
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left;">Haberes del Trabajador</th> <th style="text-align: right;">Valor</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Sueldo Base</td> <td style="text-align: right;">\$700 000</td> </tr> <tr> <td>Horas Extras</td> <td style="text-align: right;">\$50 000</td> </tr> <tr> <td>Aguinaldo</td> <td style="text-align: right;">\$50 000</td> </tr> <tr> <td>Sueldo total imponible</td> <td style="text-align: right;">\$800 000</td> </tr> <tr> <td>Bono de la empresa</td> <td style="text-align: right;">\$100 000</td> </tr> <tr> <td>Movilización</td> <td style="text-align: right;">\$50 000</td> </tr> <tr> <td>Sueldo total no Imponible</td> <td style="text-align: right;">\$150 000</td> </tr> <tr> <td>Total de Haberes</td> <td style="text-align: right;">\$950 000</td> </tr> </tbody> </table>		Haberes del Trabajador	Valor	Sueldo Base	\$700 000	Horas Extras	\$50 000	Aguinaldo	\$50 000	Sueldo total imponible	\$800 000	Bono de la empresa	\$100 000	Movilización	\$50 000	Sueldo total no Imponible	\$150 000	Total de Haberes	\$950 000	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left;">DESCUENTOS SUELDO IMPONIBLE</th> <th style="text-align: right;">Valor</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Cotización Previsional AFP (10 %)</td> <td style="text-align: right;">\$80 000</td> </tr> <tr> <td>Cotización Salud (7 %)</td> <td style="text-align: right;">\$56 000</td> </tr> <tr> <td>Cotización Voluntaria (a %)</td> <td style="text-align: right;">X</td> </tr> <tr> <td>TOTAL DESCUENTOS PREVISIONALES</td> <td style="text-align: right;">Y</td> </tr> </tbody> </table>		DESCUENTOS SUELDO IMPONIBLE	Valor	Cotización Previsional AFP (10 %)	\$80 000	Cotización Salud (7 %)	\$56 000	Cotización Voluntaria (a %)	X	TOTAL DESCUENTOS PREVISIONALES	Y
Haberes del Trabajador	Valor																														
Sueldo Base	\$700 000																														
Horas Extras	\$50 000																														
Aguinaldo	\$50 000																														
Sueldo total imponible	\$800 000																														
Bono de la empresa	\$100 000																														
Movilización	\$50 000																														
Sueldo total no Imponible	\$150 000																														
Total de Haberes	\$950 000																														
DESCUENTOS SUELDO IMPONIBLE	Valor																														
Cotización Previsional AFP (10 %)	\$80 000																														
Cotización Salud (7 %)	\$56 000																														
Cotización Voluntaria (a %)	X																														
TOTAL DESCUENTOS PREVISIONALES	Y																														
DETALLE DE REMUNERACIÓN																															
SUELDO LIQUIDO A PAGAR \$Z																															

¿Cuál es la expresión que representa el sueldo líquido de esta persona en función del número “a” del porcentaje de cotización voluntaria, en pesos?

- A) $950\,000 \cdot \left(1 - \frac{17 + a}{100}\right)$
- B) $950\,000 \cdot \left(\frac{1 - (17 + a)}{100}\right)$
- C) $800\,000 \cdot \left(1 - \frac{17 + a}{100}\right) + 150\,000$
- D) $800\,000 \cdot \left(\frac{1 - (17 + a)}{100}\right) + 150\,000$

FORMA 193 – 2024

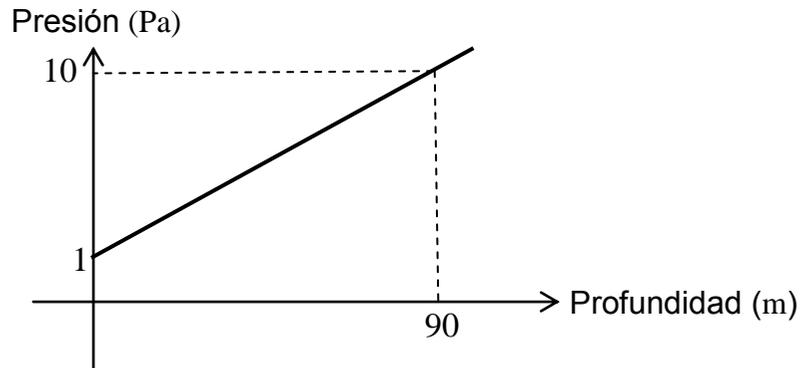
18. Considera la figura adjunta formada por tres cuadrados, uno de lado a metros y otros dos de área p^2 metros cuadrados, cada uno.



¿Cuál de las siguientes expresiones representa el área de la zona gris en metros cuadrados?

- A) $(a - 2p)(a + 2p)$
- B) $(a - \sqrt{2}p)(a + \sqrt{2}p)$
- C) $2(a - p)^2$
- D) $(a - 2p)^2$

19. Considera la siguiente gráfica que corresponde a la función que modela la relación lineal entre la profundidad t , en metros, de un objeto sumergido y la presión que el agua ejerce sobre este.



¿Cuál de las siguientes funciones modela la presión, en Pa, que el agua ejerce sobre el objeto, respecto de t , en metros?

- A) $f(t) = 90 \cdot t$
- B) $g(t) = 10 \cdot t + 1$
- C) $h(t) = 0,1 \cdot t$
- D) $n(t) = 0,1 \cdot t + 1$

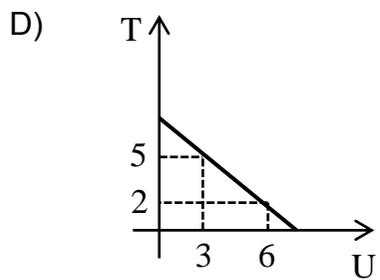
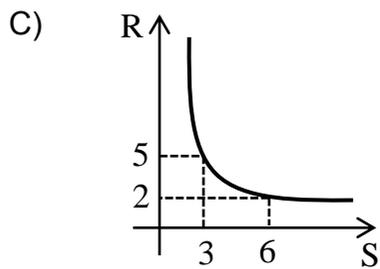
20. ¿En cuál de las siguientes representaciones las variables son inversamente proporcionales?

A)

M	N
5	8
10	4
20	2

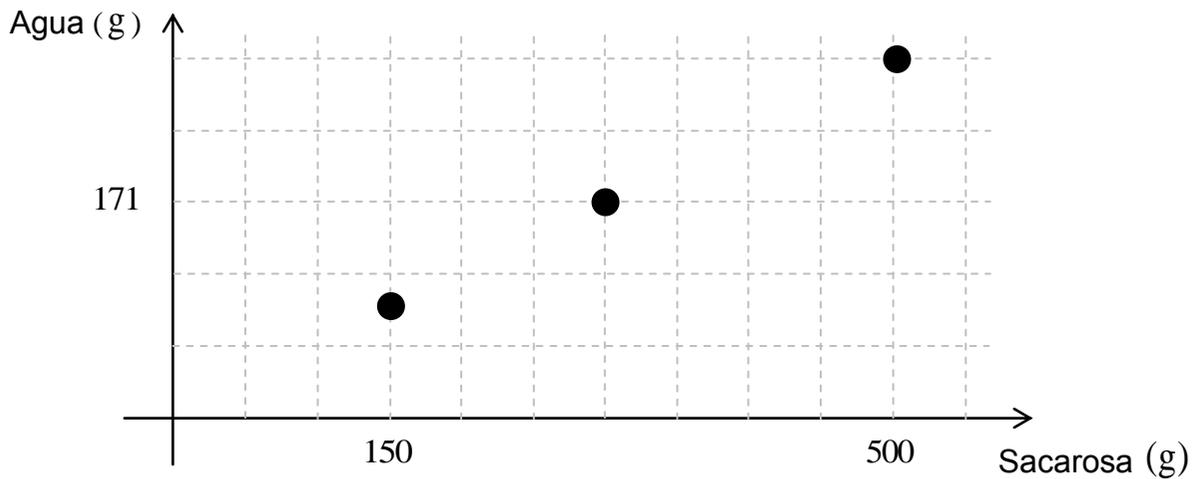
B)

P	Q
5	10
10	9
20	8



21. El azúcar de mesa, cuyo nombre químico es sacarosa, corresponde a un compuesto formado por carbono, hidrógeno y oxígeno.

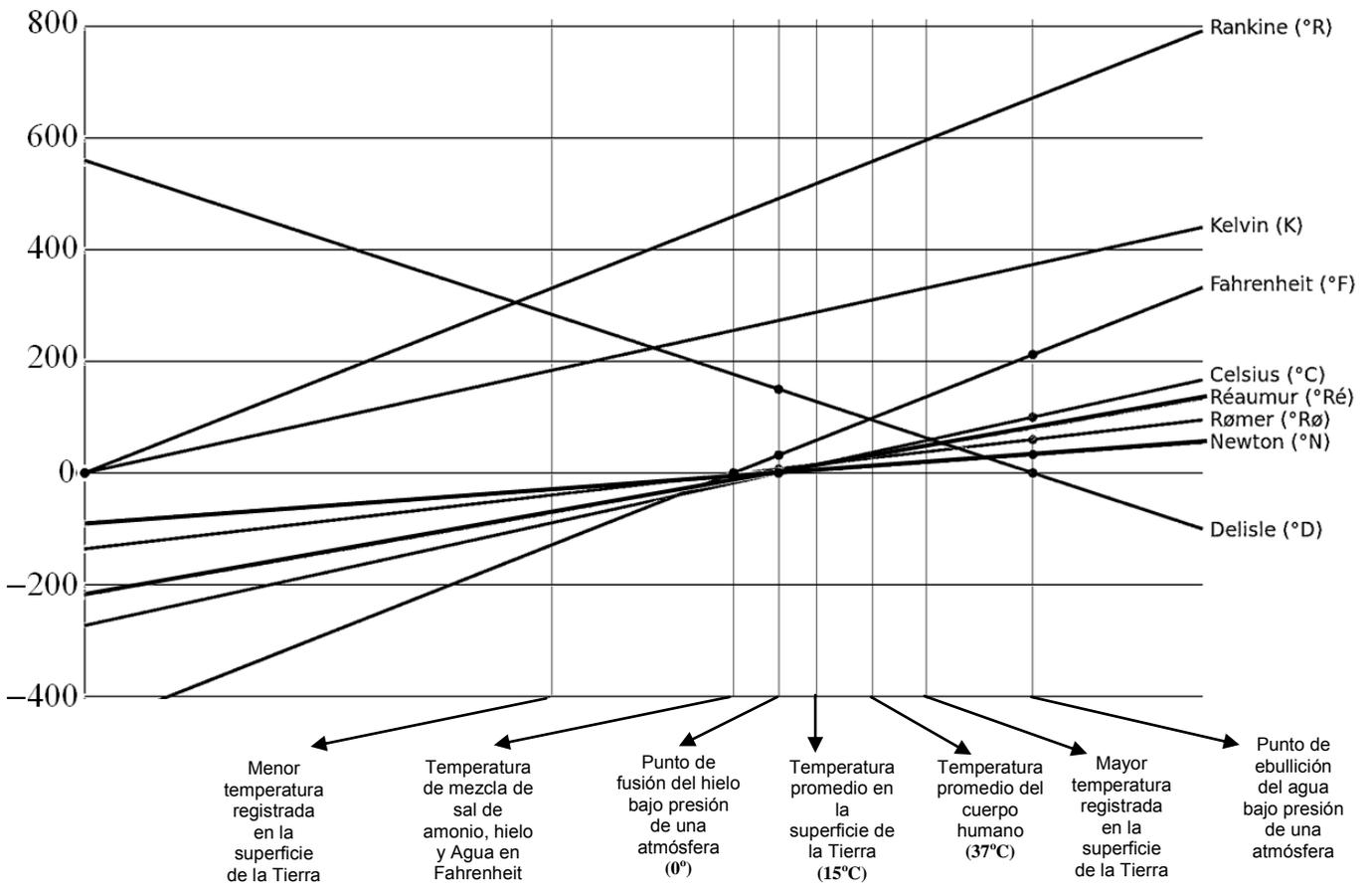
En un experimento hipotético se utiliza sacarosa para obtener agua de manera directamente proporcional a la masa de sacarosa utilizada. En la siguiente gráfica se relaciona la masa de agua obtenida en el experimento con varias masas de sacarosa.



¿Cuál de las siguientes expresiones representa la masa en gramos de sacarosa (S) necesarios para obtener cierta masa en gramos de agua (A)?

- A) $S = \frac{57}{100 \cdot A}$
- B) $S = \frac{57 \cdot A}{100}$
- C) $S = \frac{100 \cdot A}{57}$
- D) $S = \frac{100}{57 \cdot A}$

22. En el gráfico adjunto se presentan ciertas temperaturas medidas en distintas escalas de temperaturas.



La ecuación de equivalencia entre una escala de temperatura y otra es siempre una ecuación lineal, por ejemplo la ecuación $^{\circ}\text{F} = \frac{9}{5} ^{\circ}\text{C} + 32$ es la ecuación de equivalencia entre grados Celsius y grados Fahrenheit.

Si la ecuación de equivalencia de grados Newton y grados Delisle es $^{\circ}\text{D} = a^{\circ}\text{N} + b$, ¿cuáles son los signos de a y b ?

- A) $a > 0$ y $b > 0$
- B) $a > 0$ y $b < 0$
- C) $a < 0$ y $b > 0$
- D) $a < 0$ y $b < 0$

FORMA 193 – 2024

23. Considera la inecuación $\frac{4x}{5} - \frac{m}{6} < -\frac{1}{10} + \frac{2x}{3}$, en x , tal que m es un número real.

Si el conjunto solución de la inecuación es $]-\infty, -2[$, ¿cuál es el valor de m ?

A) -1

B) $-\frac{11}{5}$

C) 1

D) $-\frac{9}{5}$

FORMA 193 – 2024

24. Para probar la rapidez de dos computadores, se ejecuta un mismo algoritmo en ambos.

El computador A ejecuta el algoritmo en p segundos, mientras que el computador B lo ejecuta tres veces en $\frac{p}{2}$ segundos, demorándose lo mismo en cada ejecución.

Al ejecutar el algoritmo n veces seguidas en ambos computadores, el computador más rápido demora 60 segundos menos que el otro.

¿Cuál de las siguientes expresiones permite determinar el tiempo, en segundos, que demora el computador más lento en ejecutar el algoritmo?

- A) $\frac{72}{n}$
- B) $\frac{120}{n}$
- C) $72n$
- D) $120n$

FORMA 193 – 2024

25. Un total de q personas planea ir al cine, de las cuales x son adultos e y son niños. El valor de la entrada de un niño es $\$n$ y el valor para adultos es $\$m$, por lo que se pagarían $\$p$ por todas las entradas.

Si finalmente tres niños no asistieron al cine y el precio de la entrada de un adulto tenía un 30 % de descuento, pagándose $\$k$ por todas las entradas, ¿cuál de los siguientes sistemas representa la situación planteada?

A)
$$\begin{array}{l} x + (y - 3) = q - 3 \\ 0,70mx + n(y - 3) = k \end{array}$$

B)
$$\begin{array}{l} x + (y - 3) = q - 3 \\ 0,30mx + n(y - 3) = k \end{array}$$

C)
$$\begin{array}{l} x + (y - 3) = q \\ 0,70mx + n(y - 3) = p - k \end{array}$$

D)
$$\begin{array}{l} x + (y - 3) = q - 3 \\ 0,30mx + n(y - 3) = p - k \end{array}$$

FORMA 193 – 2024

26. ¿Para qué valores de p y q , respectivamente, se cumple la igualdad $px + qx - 2p - 3q = 2x + 1$, para todo número real x ?

A) 5 y -3

B) 7 y -5

C) $\frac{7}{5}$ y $\frac{3}{5}$

D) 1 y -1

FORMA 193 – 2024

27. Si p , q y k son números reales, con q distinto de cero y k distinto de 0 y 1, ¿cuál de los siguientes sistemas en x e y no tiene solución?

A)
$$\begin{cases} x + y = p \\ kx + ky = kp \end{cases}$$

B)
$$\begin{cases} x + y = q \\ kx + ky = q \end{cases}$$

C)
$$\begin{cases} x - y = k \\ x + y = k \end{cases}$$

D)
$$\begin{cases} y = k \\ x + y = k \end{cases}$$

28. ¿Cuál de los siguientes sistemas de ecuaciones, en x e y , cumple que tiene infinitas soluciones para $a = 0$ y tiene solución única para $a \neq 0$?

A)
$$\begin{cases} x + y = 1 \\ ax + ay = a \end{cases}$$

B)
$$\begin{cases} x + 2y = 1 \\ 2x + 4ay = 2 \end{cases}$$

C)
$$\begin{cases} 2x + y = 1 \\ ax + 2ay = 0 \end{cases}$$

D)
$$\begin{cases} ax + ay = 1 \\ 2ax + y = 0 \end{cases}$$

29. El nivel de agua, en milímetros, en un estanque al abrir una llave de paso se modela mediante una función, cuya gráfica es una recta, con respecto al tiempo transcurrido en horas.

El nivel inicial del agua es cuatro veces el nivel que aumenta cada hora.

Si al cabo de una hora de abrir la llave, el nivel del agua es 500 mm, ¿cuál es el nivel del agua al cabo de cinco horas?

- A) 625 mm
- B) 900 mm
- C) 2100 mm
- D) 2500 mm

30. Si m y n son las soluciones de la ecuación cuadrática $5x^2 + x - 5 = 0$, ¿cuál es el valor de $\left(\frac{m+n}{mn}\right)^{-1}$?

A) 5

B) $\frac{1}{5}$

C) $-\frac{1}{5}$

D) -1

E) -5

31. Una empresa que vende cubos de sal, vende paquetes de x cubos de lado 8 cm cada uno. El volumen de sal en cada paquete, como función de la cantidad de cubos que este contiene, x , corresponde a $f(x) = 8^3 x$.

La empresa decide reducir el tamaño de los lados de los cubos de sal en 1 cm, manteniendo la cantidad de cubos por paquete.

¿Cuál de las siguientes funciones modela el volumen de sal, en cm^3 , que la empresa deja de incluir por paquete, en términos de la cantidad de cubos del paquete?

A) $g(x) = 13^2 x$

B) $h(x) = 7^3 x$

C) $j(x) = x$

D) $k(x) = 8^3(x - 1)$

FORMA 193 – 2024

32. Considera el triángulo ABC , con $AB = BC = 12$ cm y sea x la medida, en cm, de la altura trazada desde el vértice B , la cual excede en 3 cm a la medida de \overline{AC} .

¿Cuál de las siguientes ecuaciones permite calcular x ?

A) $2x^2 - 6x = 135$

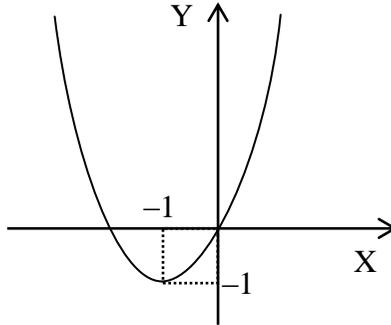
B) $5x^2 + 6x = 567$

C) $2x^2 + 6x = 135$

D) $5x^2 - 6x = 567$

E) $5x^2 - 6x = 135$

33. La parábola de la figura representa la gráfica de la función f , con dominio el conjunto de los números reales, definida por $f(x) = (x + 1)^2 - 1$.



Si a esta parábola se le aplica una reflexión con respecto al eje Y , luego una traslación según el vector $(0, 1)$, ¿cuál es la función que corresponde a la gráfica que se obtiene?

- A) $g(x) = x^2 + 1$
- B) $h(x) = (x - 1)^2$
- C) $t(x) = x^2 - 1$
- D) $s(x) = (x - 1)^2 + 1$
- E) $r(x) = (x + 1)^2 + 1$

FORMA 193 – 2024

34. Un estanque de altura b cm que se encuentra lleno de agua, comienza a perder agua de manera constante, sin llegar a vaciarse por completo.

La función p , con dominio $\left[0, \frac{-b^2}{a}\right]$, que modela la altura del agua que va

quedando en el estanque, medida en cm, está dada por $p(t) = \frac{a}{b}t + b$, tal que t es el tiempo transcurrido, medido en horas desde que el estanque comienza a perder agua.

¿Cuál de las siguientes expresiones representa el tiempo t , en horas, que debe transcurrir para que la altura del agua que queda sea $\frac{2b}{3}$ cm?

- A) $-\frac{2b^2}{3a}$
- B) $-\frac{b^2}{3a}$
- C) $\frac{2b^2 - 3b}{3a}$
- D) $\frac{4b^2}{3a}$

FORMA 193 – 2024

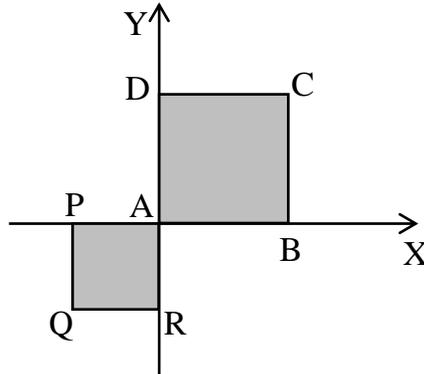
35. Se desea pintar en una pared una superficie de forma triangular, cuya altura es de 500 centímetros y cuya base es de 700 centímetros. El encargado de realizar el pintado concluye que se necesitan dar tres manos de pintura para que quede bien el trabajo.

Los tarros de pintura se venden en formatos de medio galón y un galón. Cada galón rinde 40 m^2 .

¿Cuántos tarros necesita como mínimo para pintar la superficie triangular y que quede bien?

- A) Un tarro de medio galón.
- B) Un tarro de un galón.
- C) Tres tarros de un galón.
- D) Un tarro de un galón y un tarro de medio galón.

36. En la figura adjunta se presenta el cuadrado $ABCD$, al que se le aplica una homotecia, obteniéndose el cuadrado $APQR$, donde $P(-2, 0)$ es la imagen de $B(3, 0)$.



¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?

- A) La homotecia aplicada al cuadrado $ABCD$ es equivalente a una rotación de 180° con respecto al centro de homotecia.
- B) Si k es la razón de homotecia, entonces k pertenece al intervalo $0 < k < 1$.
- C) Si k es la razón de homotecia y se considera el punto $D(0, y)$, entonces las coordenadas de su imagen R son $(0, ky)$.
- D) La razón de homotecia k es $-\frac{3}{2}$.

37. Un segmento, de 20 cm de longitud, de una arteria ubicada cerca del corazón se puede aproximar, de forma teórica, a un cilindro de 6 mm de diámetro interior.

Considerando esta aproximación teórica, ¿cuál es el volumen de sangre que contiene este segmento de arteria?

- A) $1,8\pi \text{ cm}^3$
- B) $7,2\pi \text{ cm}^3$
- C) $312\pi \text{ cm}^3$
- D) $720\pi \text{ cm}^3$

38. Considera los números reales a y b distintos de cero y c un número real negativo.

Si el vector (a, b) está en el segundo cuadrante del plano cartesiano, ¿cuál de las siguientes afirmaciones es **siempre** verdadera?

- A) El vector $(a + c, b + c)$ está en el tercer cuadrante.
- B) El vector $c(a, b)$ está en el primer cuadrante.
- C) El vector $(a - c, b)$ está en el segundo cuadrante.
- D) El vector $(a, -cb)$ está en el tercer cuadrante.
- E) El vector $(b, a + c)$ está en el cuarto cuadrante.

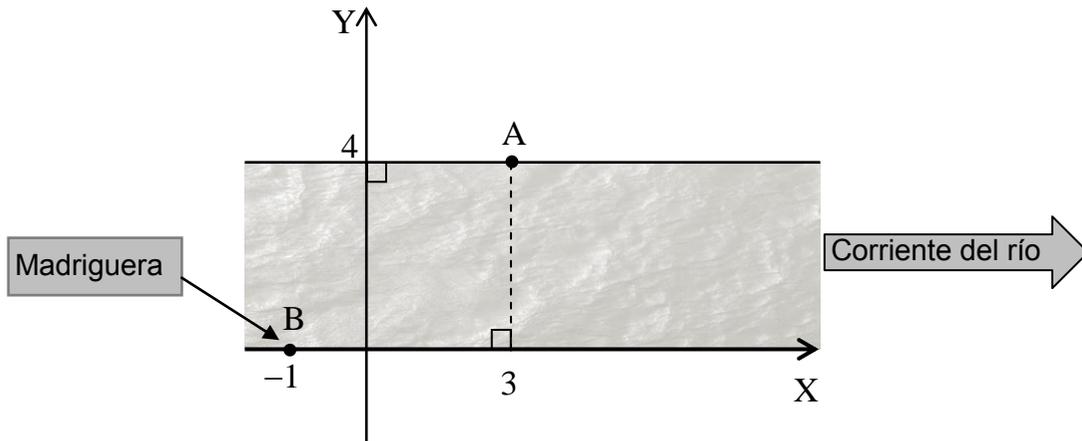
FORMA 193 – 2024

39. Al punto $C(-1, 7)$ se le aplica una traslación según el vector $(-2, -3)$ y luego al punto trasladado se le aplica una rotación en 90° con centro en el origen y en sentido antihorario, obteniéndose un nuevo punto.

¿Cuáles son las coordenadas de este último punto obtenido?

- A) $(3, 4)$
- B) $(4, 3)$
- C) $(-4, 3)$
- D) $(-4, -3)$
- E) $(4, -3)$

40. Una nutria está intentando cruzar un río desde el punto A hasta llegar a su madriguera en el otro lado del río en el punto B. Sin embargo, la corriente del río la desplaza constantemente en la dirección que indica la figura adjunta.



Si la corriente del río desplazará a la nutria según el vector $\vec{v} = (r, 0)$, con $r > 0$, ¿cuál de los siguientes vectores indica la dirección que debe tomar la nutria desde el punto A para llegar a su madriguera?

- A) $\vec{n} = (-4, -4)$
 B) $\vec{m} = (-4, -4 - r)$
 C) $\vec{q} = (-4 - r, -4)$
 D) $\vec{s} = (-4 - r, -4 - r)$

FORMA 193 – 2024

41. Considera los vectores $\vec{v} = (a, b)$ y $\vec{u} = (c, d)$, con a , b , c y d números reales.

Si $\vec{w} = \vec{u} + \vec{v}$, ¿cuál de las siguientes relaciones permite deducir que el vector \vec{w} se encuentra en el primer cuadrante?

- A) $a < c$ y $b < d$
- B) $a > c$ y $b > d$
- C) $ac > 0$ y $bd > 0$
- D) $a > b > c > d > 0$
- E) $a = b = c = d$

42. ¿Cuál es el área del triángulo de vértices $A(p, 2p)$, $B(p - 2, 2p)$ y $C(p - 2, p)$, con p un número real negativo?

A) $\frac{(p - 2) \cdot 2p}{2}$

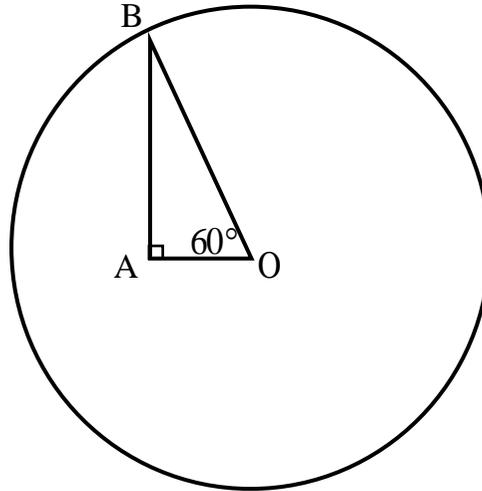
B) $\frac{(p - 2) \cdot p}{2}$

C) $-p$

D) $-2p$

E) $(p - 2) \cdot 2$

43. En la figura adjunta se representa a un triángulo rectángulo de modo que uno de sus vértices O coincide con el centro de una circunferencia con radio 6 cm y el otro vértice B está sobre la circunferencia.



Se realiza el siguiente procedimiento para determinar la longitud de \overline{OA} , cometiéndose un error:

Paso 1: se plantea la ecuación $\cos 60^\circ = \frac{AB}{OB}$.

Paso 2: se reemplaza en la ecuación y se obtiene $\frac{1}{2} = \frac{AB}{6}$, lo cual equivale a $AB = 3$.

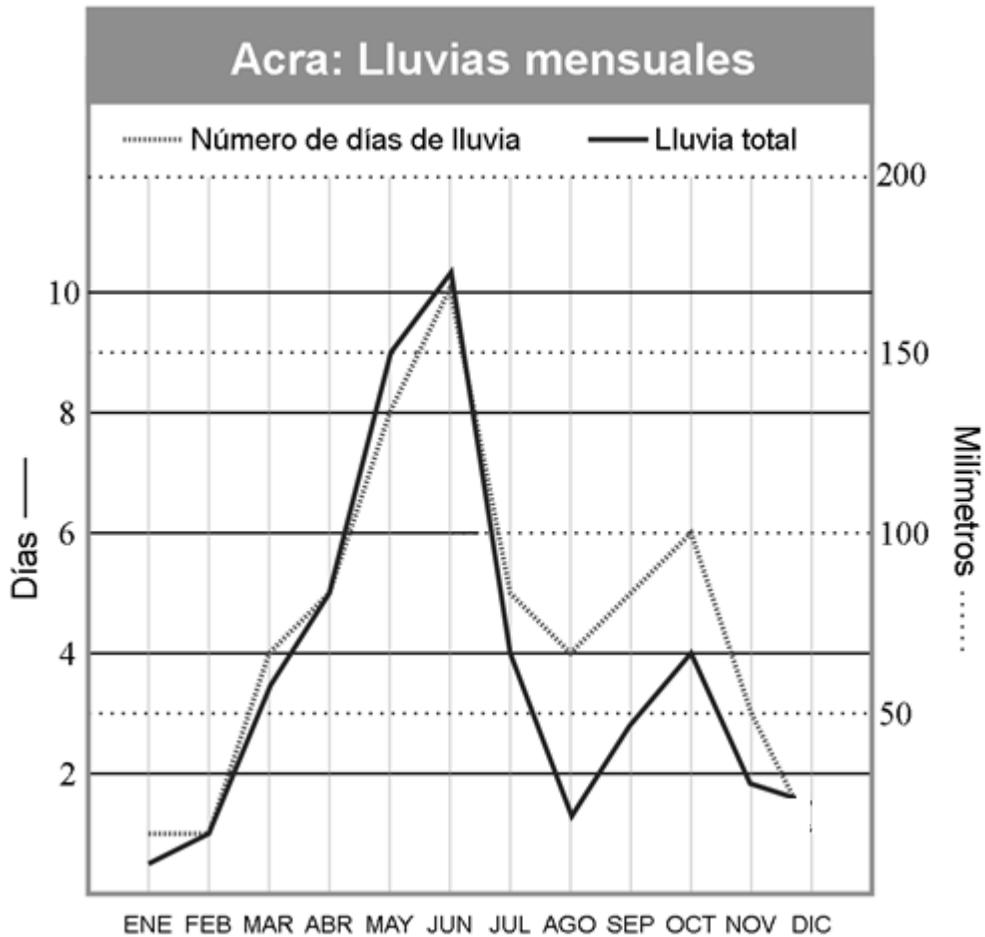
Paso 3: se aplica el teorema de Pitágoras, obteniéndose $9 + OA^2 = 36$.

Paso 4: se resuelve la ecuación para concluir que \overline{OA} mide $\sqrt{27}$ cm.

¿En cuál de los pasos se cometió el error?

- A) En el Paso 1
- B) En el Paso 2
- C) En el Paso 3
- D) En el Paso 4

44. En el gráfico adjunto se presenta la cantidad de días de lluvia y la cantidad de milímetros de agua lluvia registrada en cada uno de los doce meses de un año, en cierto lugar.



Adaptado de *Ghana: Economía y demografía*, por Datosmacro, 2023, (<https://datosmacro.expansion.com/paises/ghana>).

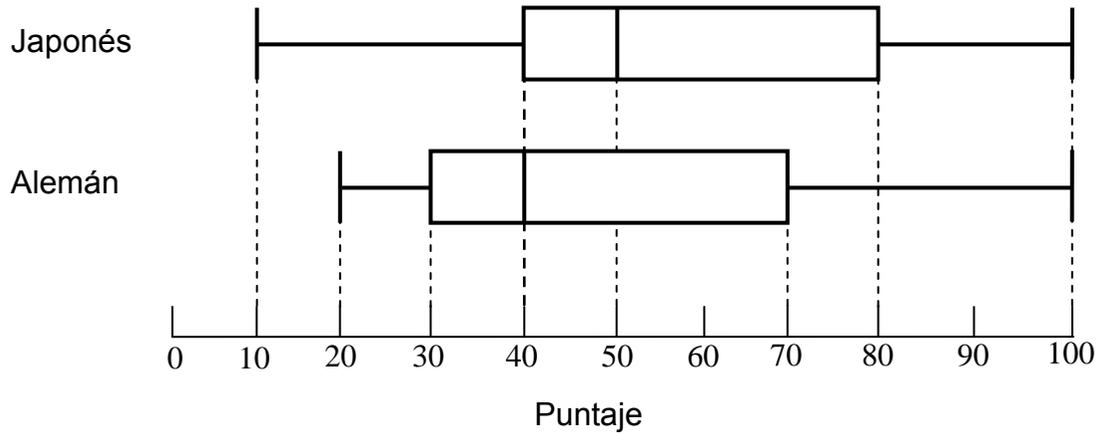
Se define el “índice de lluvia diaria” de cada mes como el cociente entre la cantidad de milímetros de agua lluvia de un mes y la cantidad de días que llovió ese mes.

Según el gráfico, ¿en cuál mes se presentó el mayor índice de lluvia diaria?

- A) Mayo
- B) Junio
- C) Agosto
- D) Octubre

FORMA 193 – 2024

45. En un instituto de idiomas se aplicó un examen de 100 puntos a los estudiantes de japonés y a los estudiantes de alemán. Los resultados obtenidos por ambos grupos se representan a continuación:



¿Cuál de los siguientes argumentos es válido?

- A) La mediana de los puntajes de los estudiantes de japonés es mayor que la mediana de los puntajes de los estudiantes de alemán, porque el nivel de exigencia del examen de japonés fue de un 50 % y el de alemán fue de un 40 % .
- B) El rango intercuartil de los puntajes de los estudiantes de alemán es 40 puntos, porque tal valor corresponde a la resta entre el puntaje máximo y el mínimo y lo anterior dividido por dos.
- C) En ambos exámenes se obtuvo el puntaje máximo, porque la mayor cantidad de estudiantes de ambos grupos obtuvo 100 puntos.
- D) El rango intercuartil de los puntajes de los estudiantes de japonés y el de los estudiantes que estudiaron alemán son iguales, porque para ambos grupos la diferencia entre el tercer cuartil y el primer cuartil es igual.

FORMA 193 – 2024

46. En las siguientes tablas se presentan las edades de un grupo de niñas y un grupo de niños que asisten a un centro pediátrico.

Grupo de niñas	
Edad en años	Frecuencia
3	10
4	10
5	10

Grupo de niños	
Edad en años	Frecuencia
8	10
9	10
10	10

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera respecto a las edades de los grupos?

- A) Tienen la misma desviación estándar y el mismo promedio.
- B) Tienen la misma desviación estándar, pero distinto promedio.
- C) Tienen el mismo promedio, pero distinta desviación estándar.
- D) Tienen distinto promedio y distinta desviación estándar.

FORMA 193 – 2024

47. En la tabla adjunta se presenta la cantidad de estudiantes de dos cursos que rindieron una prueba de historia en dos horarios distintos.

	Horario 1	Horario 2
Cantidad de estudiantes del curso A	x	2x
Cantidad de estudiantes del curso B	2y	y
Promedio de notas obtenidas en la prueba por los estudiantes de cada horario	p	q

¿Cuál de las siguientes expresiones representa **siempre** el promedio general obtenido en la prueba considerando a todos los estudiantes?

- A) $\frac{(x + 2y)p + (2x + y)q}{3(x + y)}$
- B) $\frac{(x + 2x)p + (2y + y)q}{3(x + y)}$
- C) $\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{p}{x + 2y} + \frac{q}{2x + y} \right)$
- D) $\frac{(x + 2y)q + (2x + y)p}{3(x + y)}$

48. Un naipe de 40 cartas tiene las siguientes características:

- 10 cartas numeradas del 1 al 10, con el símbolo \heartsuit de color rojo.
- 10 cartas numeradas del 1 al 10, con el símbolo \spadesuit de color rojo.
- 10 cartas numeradas del 1 al 10, con el símbolo \clubsuit de color negro.
- 10 cartas numeradas del 1 al 10, con el símbolo \diamondsuit de color negro.

Un juego consiste en que un jugador extrae una carta al azar y gana si la carta es un número primo y el símbolo es de color rojo.

¿Cuál es la probabilidad de que el jugador gane?

- A) $\frac{1}{5}$
- B) $\frac{1}{4}$
- C) $\frac{1}{10}$
- D) $\frac{3}{20}$

49. Considera dos sucesos independientes entre sí. El suceso A ocurre con probabilidad 0,6, mientras que la probabilidad de que ocurra simultáneamente con el suceso B es 0,3.

¿Cuál es la probabilidad de que ocurra el suceso B?

- A) 0,18
- B) 0,30
- C) 0,50
- D) 0,90

FORMA 193 – 2024

50. En una caja se tienen 17 bolitas, del mismo tipo, numeradas del 1 al 17.

Si se extraen, sin reposición, 4 bolitas al azar, ¿cuál es la probabilidad de obtener 4 números impares?

A) $\left(\frac{9}{17}\right)^4$

B) $\left(\frac{1}{9}\right)^4$

C) $4 \cdot \frac{9}{17}$

D) $4 \cdot \frac{1}{9}$

E) $\frac{9}{170}$

51. En un curso se rifan dos premios, para lo que se vendieron exactamente 30 números. El primer número extraído al azar se lleva el primer premio y el segundo número extraído al azar se lleva el segundo premio. Pedro compró dos números de la rifa.

Si el sorteo es sin reposición, ¿cuál es la probabilidad de que Pedro gane los dos premios?

A) $\frac{1}{15}$

B) $\frac{1}{435}$

C) $\frac{1}{900}$

D) $\frac{1}{450}$

FORMA 193 – 2024

52. Considera la función f , cuyo dominio es el conjunto de los números reales, definida por $f(x) = ax^2 + 3x + c$, con a y c números reales distintos de cero.

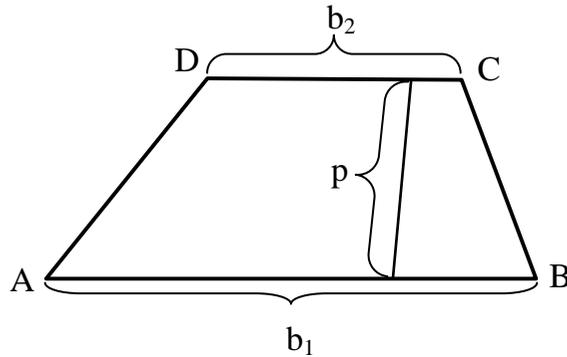
Se puede determinar que la gráfica de f no interseca al eje X , si se sabe que:

(1) $a = c$

(2) $a \in \left] \frac{3}{2}, \infty \right[$

- A) (1) por sí sola
- B) (2) por sí sola
- C) Ambas juntas, (1) y (2)
- D) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- E) Se requiere información adicional

53. Considera el siguiente cuadrilátero:



Se puede determinar que el área del cuadrilátero ABCD es $\frac{(b_1 + b_2)p}{2}$, si se sabe que:

- (1) $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$
- (2) $b_1 + b_2 = 2p$

- A) (1) por sí sola
- B) (2) por sí sola
- C) Ambas juntas, (1) y (2)
- D) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- E) Se requiere información adicional

FORMA 193 – 2024

54. Sin conocer las notas que obtuvieron las personas de un curso en una prueba, es posible asegurar que al menos el 50 % de los estudiantes obtuvo nota superior a 5,2, si se sabe que:

(1) el promedio es 5,2.

(2) la mediana es 5,3.

- A) (1) por sí sola
- B) (2) por sí sola
- C) Ambas juntas, (1) y (2)
- D) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- E) Se requiere información adicional

FORMA 193 – 2024

55. Se puede determinar la varianza de las edades de un grupo de 30 personas mayores de 15 años, si se conoce:

- (1) la varianza que tenían las edades del grupo hace 3 años.
- (2) el promedio y el rango de las edades del grupo.

- A) (1) por sí sola
- B) (2) por sí sola
- C) Ambas juntas, (1) y (2)
- D) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- E) Se requiere información adicional

IMPORTANTE

- Este folleto está protegido bajo Registro de Propiedad Intelectual de la Universidad de Chile.
- Está prohibida la reproducción, transmisión total o parcial de este folleto, por cualquier medio o método.
- Es obligatorio devolver íntegramente el folleto antes de abandonar la sala.
- Es obligatorio devolver la hoja de respuestas antes de abandonar la sala.

PROCESO DE ADMISIÓN 2024

